

Ejemplo 7, Sección 7.1 del Zill. Segunda Edición. Página 264.

$$\text{Calcular } L\{f(t)\} \text{ para } f(t) = \begin{cases} 0 & , \quad 0 \leq t < 3 \\ 2 & , \quad t \geq 3 \end{cases}$$

Solución.

$$\text{Definición de la transformada de Laplace: } L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \int_0^c e^{-st} f(t) dt$$

Puesto que se trata de una función ramificada, escribiremos una integral definida para cada rama en el intervalo de aplicación:

$$L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \left[\int_0^3 e^{-st} (0) dt + \int_3^c e^{-st} (2) dt \right]$$

$$L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \left[\int_3^c 2e^{-st} dt \right]$$

$$L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \int_3^c 2e^{-st} dt$$

Al resolver la integral:

$$L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \left(-\frac{2e^{-st}}{s} \Big|_3^c \right)$$

Al aplicar el teorema fundamental del cálculo:

$$L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \left[-\frac{2e^{-s(c)}}{s} + \frac{2e^{-s(3)}}{s} \right]$$

$$L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \left(-\frac{2e^{-sc}}{s} + \frac{2e^{-3s}}{s} \right)$$

$$L\{f(t)\} = \lim_{c \rightarrow \infty} \left(-\frac{2e^{-sc}}{s} \right) + \lim_{c \rightarrow \infty} \left(\frac{2e^{-3s}}{s} \right)$$

$$L\{f(t)\} = -\frac{2}{s} \lim_{c \rightarrow \infty} (e^{-sc}) + \frac{2e^{-3s}}{s} \lim_{c \rightarrow \infty} (1)$$

$$L\{f(t)\} = -\frac{2}{s} (0) + \frac{2e^{-3s}}{s} (1)$$

$$L\{f(t)\} = \frac{2e^{-3s}}{s}$$

$$L\{f(t)\} = \frac{2}{s}e^{-3s}$$

Este ejercicio forma parte de una serie de ejercicios resueltos paso a paso acerca del tema **La transformada de Laplace, definición de la transformada de Laplace**, perteneciente a la asignatura **Ecuaciones Diferenciales**. El acceso a estos archivos está disponible a través de:

<http://www.tutoruniversitario.com/>

Si Usted requiere la resolución de ejercicios adicionales acerca de ésta u otras asignaturas, contáctenos a través de los siguientes medios:

- WhatsApp: +58-4249744352 (En forma directa o desde nuestra página web).
- E-mail: medinawj@gmail.com

Lista de asignaturas en las cuales podemos ayudarle:

Cálculo Diferencial.	Cálculo Integral.	Cálculo Vectorial.
Ecuaciones Diferenciales.	Trigonometría.	Matemáticas Aplicadas.
Matemáticas Financieras.	Álgebra Lineal.	Métodos Numéricos.
Estadística.	Física (Mecánica).	Física (Electricidad).
Mecánica Vectorial (Estática).	Química Inorgánica.	Fisicoquímica.
Termodinámica.	Termodinámica Química.	Mecánica de Fluidos.
Fenómenos de Transporte.	Transferencia de Calor.	Ingeniería Económica.